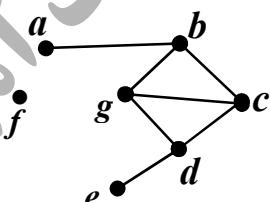
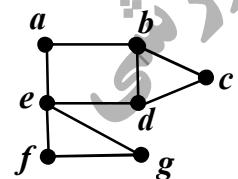
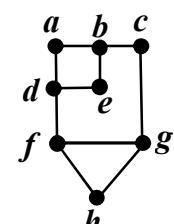


با اسمه تعالی

رشرته: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۷	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در فرم شهربیور ماه سال ۱۴۰۰

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره
۱	ثابت کنید حاصل جمع یک عدد گویا و یک عدد گنگ، عددی گنگ است.	۱
۱	درست یا نادرست بودن جملات زیر را مشخص کنید. الف) اگر $m, n$ و $a   b$ دو عدد طبیعی باشند که $m \leq n$ ، آن‌گاه $a^m   b^n$ . ب) اگر $a   b$ آن‌گاه $a = b$ . پ) اگر $a^m \equiv b^m$ باشد، آن‌گاه باقی‌مانده‌های تقسیم دو عدد $a$ و $b$ بر $m$ مساوی‌اند. ت) منظور از حل معادله هم‌نہشتی، پیدا کردن همه جواب‌های حقیقی است که در معادله $a^m x \equiv b^m$ صدق کند.	۲
۱	اگر $a > 4$ ، $a   5k + 3$ و $a   9k + 4$ ، ثابت کنید $a$ عددی اول است.	۳
۱/۵	اگر $a$ عددی صحیح و دلخواه باشد، ثابت کنید همواره یکی از اعداد صحیح $a$ یا $a+2$ یا $a+4$ یا $a+6$ بر ۳ بخش‌پذیر است.	۴
۱	اگر دو عدد $(3a-5)$ و $(4a-7)$ رقم یکان برابر داشته باشند، رقم یکان عدد $(9a+6)$ را به دست آورید.	۵
۱/۵	معادله سیاله $18 = 2y + 5x$ را حل کرده و جواب عمومی آن را بنویسید.	۶
۲/۲۵	 با توجه به گراف $G$ (شکل مقابل)، به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) مسیر به طول ۳ از $a$ به $c$ بنویسید. ب) یک دور به طول ۴ مشخص کنید. پ) درجه رأس $a$ در گراف $\bar{G}$ را تعیین کنید. ت) آیا گراف $G$ همبند است؟ دلیل ارائه کنید. ث) $N_G(f)$ را معین کنید.	۷
۱/۲۵	گراف $G$ ، ۳-منتظم است و اندازه آن ۳ واحد کمتر از ۲ برابر تعداد رأس‌های گراف است. مرتبه گراف را به دست آورده و گراف $G$ را رسم کنید.	۸
۱/۵	 عدد احاطه‌گری گراف شکل مقابل را با ارائه راه حل، تعیین کنید.	۹
۱	 در گراف زیر یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال مشخص کنید که مینیمم <u>نباشد</u> .	۱۰
۱	می‌خواهیم ۲۰ نفر را به ۴ گروه ۵ نفره تقسیم کنیم. به چند طریق این کار امکان‌پذیر است؟	۱۱
۱	علی و حسین و ۵ نفر دیگر را به چند طریق می‌توان در یک صف کنار هم قرار داد، به طوری که: الف) علی و حسین کنار هم باشند. ب) ابتدا و انتهای صف علی و حسین ایستاده باشند.	۱۲
«بقیه سوالات در صفحه دوم»		

با اسمه تعالی

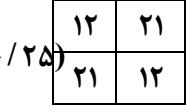
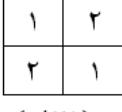
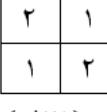
رشنده : ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع: ۸ صبح	سؤالات امتحان نهایی درس : ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان : ۱۴۰۰/۰۶/۲۷	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسرکشور در فرم شهربیور ماه سال ۱۴۰۰ <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			
ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره	

۱۳	معادله $x_۱ + x_۲ + x_۳ + x_۴ + x_۵ = ۱۵$ چند جواب صحیح نامنفی دارد به شرط آن که $x_۱ > ۲$ و $x_۴ \geq ۴$ باشد؟	۱/۵
۱۴	الف) تمام مربع های لاتین $۲ \times ۲$ را بنویسید. ب) آیا دو مربع لاتین $۲ \times ۲$ متعامد وجود دارد؟ دلیل بیاورید.	۱/۲۵
۱۵	در بین اعداد طبیعی $۱ \leq n \leq ۲۰۰$ (۱ تا ۲۰۰) چند عدد وجود دارد که بر ۴ بخش پذیر باشند ولی بر ۷ بخش پذیر نباشند؟	۱/۵
۱۶	حداقل چند نفر در یک سالن ورزشی مشغول تماشای مسابقه کشتی باشند تا مطمئن باشیم لااقل ۲۰ نفر از آن ها روز تولدشان در هفته، یکسان است؟	۰/۷۵
	"موفق باشید"	جمع نمره

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۰ <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	فرض کنیم $r$ یک عدد گویا و $x$ یک عدد گنگ است. نشان می‌هیم که $x + r$ یک عدد گنگ است. فرض خلف: فرض کنیم $x + r$ گویا باشد. (۰/۲۵) می‌دانیم تفاضل دو عدد گویا عددی گویا است. پس $r \in Q$ یعنی $x \in Q$ (۰/۲۵) و این با فرض گنگ بودن $x$ تناقض دارد. پس فرض خلف باطل و حکم اثبات می‌شود. (مثال صفحه ۵)	۱
۲	الف) درست (۰/۲۵) (تمرین ۸ صفحه ۱۳) پ) درست (۰/۲۵) (تمرین ۶ صفحه ۲۹)	۱
۳	۱) $a   9(5k+3)-5(9k+4) \Rightarrow a   27-20 \Rightarrow a   7 \Rightarrow a = 7 \in P$ (۰/۲۵) ۲) طبق الگوریتم تقسیم داریم: $a = 3k + 1 \Rightarrow a + 2 = 3(k + 1)$ یا $a = 3k + 2 \Rightarrow a + 4 = 3(k + 2)$ که در هر دو مورد بر ۳ بخش‌پذیر هستند. (۰/۲۵) (مشابه سوال ۲ صفحه ۱۵)	۱/۵
۴	۱) $4a - 7 \equiv 3a - 5 \Rightarrow a \equiv 2 \Rightarrow 9a + 6 \equiv 24 \equiv 4 \Rightarrow r = 4$ (۰/۲۵) ۲) $2y \equiv 18 \Rightarrow y \equiv 9 \equiv 4 \Rightarrow y = 5k + 4 \Rightarrow 5x + 2(5k + 4) = 18$ (۰/۲۵) (مشابه سوال ۱۲ صفحه ۲۹)	۱/۵
۵	الف) $abgc$ (۰/۵) (تعريف مسیر صفحه ۳۸) پ) $\gamma(G)$ (مسأله صفحه ۳۸) ت) خیر (۰/۵) زیرا دارای رأس ایزوله است هیچ مسیری به سایر رئوس وجود ندارد. (۰/۵) (تعريف گراف همبند صفحه ۳۹) ث) $N_G(f) = \{\}$ (مشابه مثال صفحه ۳۶)	۲/۲۵
۶	$q = 2p - 3 \Rightarrow p = \frac{3p}{2} = 2p - 3 \Rightarrow p = 6$ (۰/۲۵) به یکی از دو گراف زیر (۰/۵) داده شود.	۱/۲۵
۷	(مفهوم گراف منتظم صفحه ۳۵ و مشابه سوال ۶ صفحه ۴۲)	۱/۲۵
۸	طبق قضیه داریم $\gamma(G) = \left\lceil \frac{7}{4+1} \right\rceil = 2 \leq \gamma(G)$ . بنابراین $\gamma(G) = 2$ (۰/۲۵). $D = \{a, b, c, d, e\}$ (۰/۵)	۱/۵
۹	(در صورتی که مجموعه های مشابه که ویژگی مسأله را داشت، نوشتنند، نمره داده شود.) (۰/۵) (مشابه فعالیت ۱ صفحه ۵۰)	۱
۱۰	(۰/۵) $D = \{a, b, c, d, e, h\}$ (مشابه سوال ۴ کار در کلاس صفحه ۴۶)	۱
۱۱	(در صورتی که جواب را به فرم $\frac{20!}{5! \times 5! \times 5! \times 5!}$ نوشتند، نمره داده شود.) (۰/۲۵) (مشابه مثال صفحه ۵۹)	۱
۱۲	الف) $2! \times 6 = 12$ (۰/۵) (مشابه مثال صفحه ۵۷) ادامه پاسخها در صفحه دوم	۱

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۶/۲۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۰ <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	$y_1 = x_1 - 3, y_1 \geq 0 \quad (0/25) , \quad y_4 = x_4 - 4, y_4 \geq 0 \quad (0/25)$ $y_1 + 3 + x_1 + x_4 + y_4 + 4 + x_5 = 15 \quad (0/25) \Rightarrow y_1 + x_1 + x_4 + y_4 + x_5 = 8 \quad (0/25) \Rightarrow \mathcal{C} = \binom{12}{4} \quad (0/5)$ (مشابه سوال ۹ صفحه ۷۱)	۱/۵
۱۴	الف) دو نوع مربع لاتین مرتبه ۲ داریم. (۰/۲۵)  (۰/۲۵)  (۰/۲۵)  متعامد نیستند. (۰/۲۵) زیرا در مربع بالاعدد دو رقمی تکراری داریم. (۰/۲۵) (سوال ۲ کار در کلاس صفحه ۶۶)	۱/۲۵
۱۵	$A = \{1 \leq n \leq 200   n = 4k\} \quad (0/25) \Rightarrow  A  = \left\lceil \frac{200}{4} \right\rceil = 50 \quad (0/25), \quad B = \{1 \leq n \leq 200   n = 7k\} \quad (0/25)$ $A \cap B = \{1 \leq n \leq 200   n = 28k\} \Rightarrow  A \cap B  = \left\lceil \frac{200}{28} \right\rceil = 7 \quad (0/25)$ $ A \cap B'  =  A  -  A \cap B  \quad (0/25) = 50 - 7 = 43 \quad (0/25)$ (سوال ۲ صفحه ۸۳)	۱/۵
۱۶	$k+1=20 \Rightarrow k=19 \quad (0/25), \quad kn+1=19 \times 7+1=134 \quad (0/25)$ (مشابه مثال صفحه ۸۲)	۰/۷۵
	جمع نمره	۲۰

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»