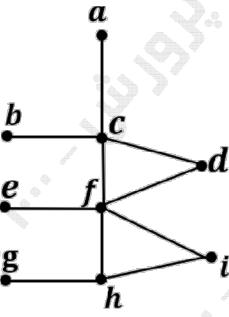


ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح		ریاضی و فیزیک	رشته: ۲	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۳۱	تاریخ آزمون:	دوره دوم متوسطه - دوازدهم
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور خرد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir					دروازه داش آزمون روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور خرد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.				ردیف
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) میانگین پنج عدد طبیعی همان عدد وسطی است.</p> <p>ب) اگر $m \in \mathbb{Z} - \{0\}$ آنگاه $\left[m^5, (m^5, m^5)\right] = m^5$</p> <p>ج) تفاضل هر دو عدد دلخواه از مجموعه $A = \{x \in \mathbb{Z} x = 4k + 3\}$, مضرب ۴ است.</p> <p>د) هر مجموعه احاطه گر مینیمال، یک مجموعه احاطه گر مینیمم است.</p>				
۰.۵	<p>جاهاي خالي را با اعداد مناسب تكميل کنيد.</p> <p>الف) عدد احاطه گري گراف C_7 برابر است با</p> <p>ب) تعداد راه های توزيع ۳ خودکار متفاوت بین ۵ نفر به طوری که به هر نفر حداقل یک خودکار برسد، برابر است.</p>				
۱.۵	<p>با استفاده از اثبات بازگشتی نشان دهید برای هر دو عدد حقیقی b, a داریم:</p> $a^2 + b^2 \geq (a-1)(b+1)$				
۱	<p>اگر a عددی طبیعی و داشته باشیم $1 \leq a \leq 7k+3$ و $a \mid 4k+3$ ثابت کنید $a=17$ یا $a=1$.</p>				
۱.۲۵	<p>اگر باقی مانده تقسیم عدد a بر دو عدد ۴ و ۵ به ترتیب ۲ و ۳ باشد، باقی مانده تقسیم عدد a را بر ۲۰ بیابید.</p>				
۱.۵	<p>جواب های عمومی معادله سیاله $22 = 5x + 9y$ را بدست آورید.</p>				
۲	<p>با توجه به گراف G مقابل به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>الف) مرتبه و اندازه گراف را بنویسید.</p> <p>ب) مسیری به طول ۵ از راس c به راس f بنویسید.</p> <p>ج) دوری به طول ۴ بنویسید.</p> <p>د) آیا گراف G همبند است؟ چرا؟</p>				
۲	<p>با توجه به گراف G، به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>الف) آیا مجموعه $D = \{a, b, m\}$ یک مجموعه احاطه گر است؟ چرا؟</p> <p>ب) عدد احاطه گری گراف G را بدست آورید. (با ذکر دلیل)</p> <p>ج) یک مجموعه احاطه گر مینیمال ۵ عضوی از آن بنویسید.</p>				

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح		ریاضی و فیزیک	رشته:	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۳۱	تاریخ آزمون:	دوره دوم متوسطه - دوازدهم	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir					
سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.					
نمره					ردیف
۱.۵		<p>در گراف رو برو:</p> <p>الف) مجموعه احاطه گر غیر مینیمال $A = \{b, e, g, a, f\}$ را به یک مجموعه احاطه گر مینیمال تبدیل کنید.</p> <p>ب) یک مجموعه احاطه گر مینیمم که شامل راس e باشد را بنویسید.</p> <p>ج) با اضافه نمودن چه یالی عدد احاطه گری گراف ۲ می شود؟</p>			۹
۱		<p>الف) گراف P_{12} را رسم کنید.</p> <p>ب) یک ۶-مجموعه از آن را مشخص کنید.</p>			۱۰
۱		<p>می خواهیم ۱۰ نفر را که دو به دو برادر یکدیگرند در دو طرف طول یک میز مستطیل شکل بنشانیم. اگر بخواهیم هر نفر رو بروی برادرش بنشینند، به چند طریق می توان این کار را انجام داد؟</p>			۱۱
۱.۵		<p>تعداد جواب های صحیح و نامنفی معادله $x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4 = 20$ را با شرط های $x_1 > 2$، $x_2 = 3$، $x_3 \geq 4$، $x_4 = 3$ با شرط های $x_1 > 2$ به دست آورید.</p>			۱۲
۱		<p>با ارقام ۱، ۲، ۳، ۴، ۲، ۳، ۱، ۳، ۲، ۲ چند عدد ۱۰ رقمی می توان نوشت؟ (محاسبه جواب آخر الزامي نیست).</p>			۱۳
۱.۲۵		<p>قرار است سه کارگر با سه نوع ماشین نخ ریسی و سه نوع الیاف در سه روز اول هفته کار کنند. به گونه ای که هر کارگر با هر نوع ماشین و هر نوع الیاف دقیقاً یک بار کار کرده باشد و نیز هر الیاف در هر ماشین دقیقاً یک بار به کار گرفته شود. برای این مسئله برنامه ریزی کنید.</p>			۱۴
۱		تعداد توابع پوشای از مجموعه ۵ عضوی A به مجموعه ۳ عضوی B را بدست آورید.			۱۵
۱		حداقل چند دانش آموز در حیاط یک دیبرستان حضور داشته باشند تا مطمئن باشیم لااقل ۲۱ نفر از آنها متعلق به یک پایه تحصیلی (دهم ، یازدهم ، دوازدهم) و یک رشته تحصیلی (ریاضی ، تجربی ، انسانی) هستند؟			۱۶
		موفق باشید			

با اسمه تعالی

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خود دارد			تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۳/۳۱
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) نادرست ($0/25$) ص ۸ ب) نادرست ($0/25$) ص ۱۷ ج) درست ($0/25$) ص ۱۸ د) نادرست ($0/25$) ص ۴۶	۱
۲	الف) $\frac{5!}{2!} = 120$ یا $\frac{7}{3} = 2\frac{1}{3}$ ص ۴۹	$0/25$ ص ۶۰ یا $\frac{7}{3}$ یا $2\frac{1}{3}$
۳	$a^r + b^r \geq ab + a - b - 1 (0/25)$ $\Leftrightarrow 2a^r + 2b^r - 2ab - 2a + 2b + 2 \geq 0 (0/25)$ $\Leftrightarrow (a-b)^r + (a-1)^r + (b+1)^r \geq 0 (0/25)$ این رابطه همواره برقرار است. ($0/25$) (در صورت اثبات یک طرفه رابطه ها و ذکر برگشت پذیر بودن آنها نمره کامل تعلق گیرد).	ص ۸
۴	$a 7k+1 \Rightarrow a 28k+4 (0/25)$ $a 4k+3 \Rightarrow a 28k+21 (0/25)$ $a 17(a -17)(0/25) \underline{a \in \mathbb{N}} a=1$ یا $a=17 (0/25)$	۱۲ ص
۵	$a = 4q_1 + 2 (0/25)$ $a = 4q_2 + 3 (0/25)$ $\Rightarrow 5a = 20q_1 + 10 (0/25)$ $\Rightarrow 4a = 20q_2 + 12 (0/25)$ $\Rightarrow a = 20(q_1 - q_2) - 2 (0/25)$ $a = 20q_2 + 18 \Rightarrow r = 18$ یا $r = -2 + 20 = 18 (0/25)$	روش اول: روش دوم:
	$a \equiv 2 \pmod{4}$ $\Rightarrow a = 4k + 2 (0/25)$ $a \equiv 3 \pmod{4}$ $\Rightarrow a = 4k + 3 (0/25)$ $\Rightarrow 4k + 18 \equiv 18 (0/25) \Rightarrow k = 4t (0/25) \Rightarrow a = 20t + 18 \Rightarrow r = 18 (0/25)$	۱۶ ص
۶	$5x \equiv 22 (0/25) \Rightarrow x \equiv 8 (0/5) \Rightarrow x = 9k + 8$ یا $x = 9k - 1 (0/25)$ $5(9k + 8) + 9y = 22$ $5(9k - 1) + 9y = 22$	روش اول: روش دوم:
	$y \equiv 22 (0/25) \Rightarrow y \equiv 3 (0/5) \Rightarrow y = 5k + 3$ یا $y = 5k - 2 (0/25)$ $5x + 9(5k + 3) = 22$ $5x + 9(5k - 2) = 22$	۲۹ ص
۷	$p = 7 (0/25), q = 10 (0/25)$ $(0/5) ceabgf$ یا $cebagf$	الف) ص ۳۵ ب) ص ۳۸

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خود دارد ۱۴۰۳/۳/۳۱			تاریخ آزمون: ۱۴۰۳
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	<p>ج) هر دور به طول ۴ دیگر قابل قبول است و نمره تعلق گیرد. (۰/۵)</p> <p>د) روش اول:</p> <p>خیر (۰/۲۵) زیرا راس e در گراف G مأکریم درجه است لذا درجه آن در گراف \bar{G} صفر می باشد . یا</p> $\deg_G(e) = p - 1 = \Delta = 6 \Rightarrow \deg_{\bar{G}}(e) = 0 \Rightarrow \bar{G} \text{ ناهمبند است} \quad (۰/۲۵)$ <p>روش دوم:</p> <p>گراف مکمل G رسم شود (۰/۲۵) و به ناهمبند بودن آن اشاره شود. (۰/۲۵)</p>	۳۸ ص
۲	<p>الف) خیر (۰/۲۵) زیرا راس d احاطه نمی شود. یا $N_g[a] \cup N_g[b] \cup N_g[m] \neq V(G)$ (۰/۲۵)</p> <p>ب) داریم $2 \leq \gamma(G) \geq \left\lceil \frac{11}{6} \right\rceil = 2$ (۰/۵) ، اما مجموعه احاطه گر دو عضوی برای این گراف وجود ندارد. پس، $\gamma(G) = 2$ (۰/۲۵)</p> <p>از طرفی $\{a, m, d\}$ یک مجموعه احاطه گر گراف می باشد. (۰/۲۵) پس، $\gamma(G) = 3$ (۰/۲۵)</p> <p>(به مجموعه های احاطه گر سه عضوی دیگر نیز نمره تعلق گیرد)</p> <p>ج) $\{f, g, h, i, j\}$ (۰/۵)</p>	۴۶ ص ۴۹ ص ۴۶ ص
۱/۵	<p>الف) $\{b, g, a, f\}$ (۰/۵)</p> <p>ب) $\{c, e, h\}$ (۰/۵)</p> <p>ج) gc یا gf یا eh یا ec (۰/۵)</p>	۴۷ ص ۴۷ ص
۱	<p>الف) رسم گراف (۰/۵)</p> <p>ب) $\{v_2, v_5, v_8, v_{11}\}$ (۰/۵)</p>	۵۴ ص
۱	<p>روش اول:</p> $\underbrace{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times (2!)^4}_{(0/75)} = 3840 \quad (0/25)$ <p>روش دوم:</p> $\underbrace{(10 \times 1) \times (8 \times 1) \times (6 \times 1) \times (4 \times 1) \times (2 \times 1)}_{(0/75)} = 3840 \quad (0/25)$	۷۱ ص

مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خود دارد ۱۴۰۳/۳/۳۱			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	روش اول: $x_1 + 2(3) + x_2 + x_3 = 20 \Rightarrow x_1 + x_2 + x_3 = 14(0/25)$ $x_1 - 3 \geq 0 \Rightarrow x_1 = y_1 + 3, x_2 - 4 \geq 0 \Rightarrow x_2 = y_2 + 4$ $y_1 + 3 + y_2 + 4 + x_3 = 14 \Rightarrow y_1 + y_2 + x_3 = 7(0/25) \Rightarrow \underbrace{\binom{7+3-1}{3-1}}_{(0/25)} = \underbrace{\binom{9}{2}}_{(0/25)} = 36(0/25)$ روشن دوم: $x_1 + x_2 + x_3 = 14(0/25)$ $\underbrace{\binom{14-3-4+3-1}{3-1}}_{(0/25)} = \underbrace{\binom{9}{2}}_{(0/25)} = 36(0/25)$	۱/۵
۱۳	ص ۶۱ و ۷۱	۱
۱۴	ص ۵۸	۱
۱۵	چون اعداد دو رقمی تکراری در مربع ساخته شده وجود ندارد پس متعامدند. (۰/۲۵) (به مربع های لاتین دیگر که ویژگی سوال را داشته باشند، نمره تعلق گیرد.) ص ۶۸	۱/۲۵
۱۶	روش اول: $3^5 - \left(\binom{3 \times 3^5 - 3}{(0/25) (0/25)} \right) = 150(0/25)$ روشن دوم: $A_1 = \left\{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_1, 1 \leq i \leq 5 \right\} \Rightarrow A_1 = 3^5$ $A_2 = \left\{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_2, 1 \leq i \leq 5 \right\} \Rightarrow A_2 = 3^5$ $A_3 = \left\{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_3, 1 \leq i \leq 5 \right\} \Rightarrow A_3 = 3^5$ $ A_1 \cap A_2 = A_1 \cap A_3 = A_2 \cap A_3 = 1(0/25), A_1 \cap A_2 \cap A_3 = 0$ $ A_1 \cup A_2 \cup A_3 = S - A_1 \cup A_2 \cup A_3 (0/25) = 3^5 - (3 \times 3^5 - 3 \times 1) = 150(0/25)$	۱

با سمه تعالی

مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خود داد ۱۴۰۳			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۶	$n = 3 \times 3 = 9 \left(0 / 25 \right)$: $k + 1 = 21 \Rightarrow k = 20 \left(0 / 25 \right)$ $kn + 1 = 20 \times 9 + 1 = 181 \left(0 / 5 \right)$	۱
۸۳	همکاران گرامی، خدا قوت، تمام موارد در خور اهمیت جهت نمره‌گذاری در راهنمای تصحیح نوشته شده است، خواهشمند است جهت رعایت عدالت آموزشی، اوراق دانش آموزان، صرفاً بر اساس راهنمای مذکور تصحیح و بازبینی شوند.	۲۰
با سپاس از مساعدت همکاران بزرگوار		