

رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	نام و نام خانوادگی:
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۹	تعداد صفحه: ۲
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسرکشور در فوبت دی ماه سال ۱۳۹۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره
------	-----------------------	------

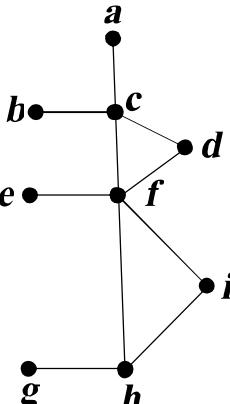
۱	درست یا نادرست بودن عبارات زیر را مشخص کنید. الف) اگر $a b$ آن‌گاه $ a, b = b$. ب) معادله همنهشتی $a \equiv b$ دارای جواب است اگر و تنها اگر $(a, b) m$. پ) تعداد رأس‌های زوج هر گراف، عددی فرد است. ت) تعداد توابع یک به یک از یک مجموعه ۲ عضوی به یک مجموعه ۳ عضوی برابر ۶ است.	۱
۱	به روش بازگشتی ثابت کنید، اگر $a > 0$ آن‌گاه $\frac{1}{a} \geq \frac{1}{2}$.	۲
۱	اگر عدد طبیعی $a > 1$ ، در دو شرط $9a 6k+14$ و $a 4k+9$ صدق کند، مقدار a را بیابید.	۳
۱	فرض کنید a عددی طبیعی باشد، حاصل $[21a^3, 35a^3]$ را به دست آورید.	۴
۱	باقي مانده تقسیم 13^{22} را بر ۱۷ به دست آورید.	۵
۱	ثابت کنید می‌توان دو طرف یک رابطه همنهشتی را در عددی صحیح ضرب کرد، به عبارتی دیگر، برای اعداد صحیح m و n $ac \equiv bc$ ، اگر $a \equiv b$ آن‌گاه $c \equiv d$.	۶
۱/۵	جواب‌های عمومی معادله سیاله خطی $7x + 13y = 7$ را به دست آورید.	۷
۱/۲۵	گراف G به صورت مقابل را در نظر بگیرید و به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) $\delta(G)$ را مشخص کنید. ب) اندازه گراف را تعیین کنید. پ) مجموعه همسایگی بسته رأس b را بنویسید. ت) اگر $\{e, x, b\} = N_G(d)$ باشد، X کدام رأس است؟	۸
۱	الف) گراف K - منتظم از مرتبه n را تعریف کنید. ب) آیا گراف 3 - منتظم از مرتبه 5 وجود دارد؟ دلیل بیاورید.	۹
۱	گراف G به صورت مقابل را در نظر بگیرید و به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) دوری به طول ۵ مشخص کنید. ب) مکمل گراف G را رسم کنید.	۱۰

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته : ریاضی فیزیک
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان : ۱۳۹۸/۱۰/۹	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۳۹۸ http://aee.mediu.ir	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	با سمه تعالی

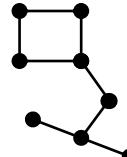
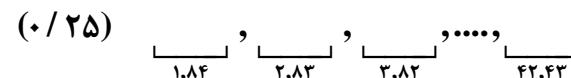
سوالات پاسخ نامه دارد

ردیف

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	ردیف	ردیف																		
۱۱	برای گراف رو به رو: الف) یک مجموعه احاطه گر با ۴ عضو مشخص کنید. ب) مجموعه‌ای از رؤوس را مشخص کنید که احاطه گر مینیمال باشد.	۱/۲۵																			
۱۲	اگر n تعداد رؤوس گراف و Δ ماکزیمم درجه گراف باشد، الف) گرافی رسم کنید که برای آن عدد احاطه گر برابر $\left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$ است. ب) گرافی رسم کنید که برای آن عدد احاطه گری بزرگ تر از $\left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$ باشد.	۱/۲۵																			
۱۳	با حروف کلمه «می سی سی پی» چند جایگشت ۸ حرفی با معنا یا بی معنا می‌توان نوشت؟	۱																			
۱۴	۶ کتاب ریاضی مختلف و ۵ کتاب فیزیک متتمایز را به چند طریق می‌توان کنار هم در یک ردیف قرار داد، به طوری که: الف) کتاب‌ها یکی در میان قرار گیرند. ب) کتاب‌های ریاضی کنار هم و کتاب‌های فیزیک نیز کنار هم باشند.	۱/۲۵																			
۱۵	معادله $x_۱ + x_۲ + x_۳ + x_۴ = ۱۴$ چند جواب صحیح و ناممغایر دارد، به شرط آن که $x_i > ۲$ باشند.	۱																			
۱۶	بررسی کنید، آیا دو مربع لاتین 3×3 رو به رو متعامدند؟	۰/۷۵	<table border="1" data-bbox="182 1448 357 1605"><tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td></tr><tr><td>۳</td><td>۱</td><td>۲</td></tr><tr><td>۲</td><td>۳</td><td>۱</td></tr></table> <table border="1" data-bbox="404 1448 579 1605"><tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td></tr><tr><td>۲</td><td>۳</td><td>۱</td></tr><tr><td>۳</td><td>۱</td><td>۲</td></tr></table>	۱	۲	۳	۳	۱	۲	۲	۳	۱	۱	۲	۳	۲	۳	۱	۳	۱	۲
۱	۲	۳																			
۳	۱	۲																			
۲	۳	۱																			
۱	۲	۳																			
۲	۳	۱																			
۳	۱	۲																			
۱۷	با استفاده از اصل شمول و عدم شمول، تعداد توابع پوشش از یک مجموعه ۴ عضوی به یک مجموعه ۳ عضوی را به دست آورید.	۱/۷۵																			
۱۸	مجموعه اعداد $A = \{1, 2, 3, \dots, ۸۴\}$ را در نظر بگیرید. نشان دهید هر زیر مجموعه ۴ عضوی از A دارای ۲ عضو است که مجموعشان برابر ۸۵ است.	۱																			
	"موفق باشید"	۲۰	جمع نمره																		

راهنماي تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور دیماه سال ۱۳۹۸			
ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۰۹		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور دیماه سال ۱۳۹۸	
ردیف	راهنماي تصحیح	نمره	
۱	الف) درست (۰/۲۵) (قسمت ب سوال ۱ کار در کلاس صفحه ۱۳) (ب) نادرست (۰/۲۵) (قضیه صفحه ۲۵) پ) نادرست (۰/۲۵) (نتیجه ابتدای صفحه ۴۰) ت) درست (۰/۲۵) (نکته قسمت دوم فعالیت صفحه ۷۸)	۱	
۲	$a + \frac{1}{a} \geq 2 \Leftrightarrow a^2 + 1 \geq 2a \quad (۰/۲۵) \Leftrightarrow a^2 - 2a + 1 \geq 0 \quad (۰/۲۵) \Leftrightarrow (a-1)^2 \geq 0 \quad (۰/۲۵)$ همواره برقرار است، پس با برگشت روابط حکم برقرار می باشد. (۰/۲۵) (مثال اول صفحه ۷)	۲	
۳	$\begin{aligned} a 4k+9 &\Rightarrow a \underbrace{-6(4k+9)}_{(۰/۲۵)} + \underbrace{4(6k+14)}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow a 2 \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{a>1} a=2 \quad (۰/۲۵) \\ a 6k+14 & \end{aligned}$ (مشابه کار در کلاس صفحه ۱۱ سوال ۱)	۳	
۴	$A = 21a^3 = 3 \times 7 \times a^3 \quad (۰/۲۵), \quad B = 35a^3 = 5 \times 7 \times a^3 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow [A, B] = 105a^3 \quad (۰/۵)$ (مشابه سوال ۱۶ صفحه ۱۷)	۴	
۵	$13 \stackrel{۱۷}{\equiv} -4 \quad (۰/۲۵) \rightarrow 13 \stackrel{۱۷}{\equiv} 16 \stackrel{۱۷}{\equiv} -1 \quad (۰/۲۵) \rightarrow 13^{۲۲} \stackrel{۱۷}{\equiv} -1 \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{-1 \equiv 16} r = 16 \quad (۰/۲۵)$ (مشابه سوال ۹ صفحه ۲۹)	۵	
۶	$a \stackrel{m}{\equiv} b \Rightarrow m a-b \quad (۰/۲۵) \Rightarrow m c(a-b) \quad (۰/۲۵) \Rightarrow m ac-bc \quad (۰/۲۵) \Rightarrow ac \stackrel{m}{\equiv} bc \quad (۰/۲۵)$ (ویژگی ۲ صفحه ۱۹)	۶	
۷	$13y \stackrel{۹}{\equiv} 7, \quad (13 \stackrel{۹}{\equiv} 4, \quad 7 \stackrel{۹}{\equiv} 16) \quad (۰/۲۵) \rightarrow 4y \stackrel{۹}{\equiv} 16 \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{(4,9)=1} y \stackrel{۹}{\equiv} 4 \quad (۰/۲۵)$ $y = 9k + 4 \quad (۰/۲۵), \quad x = -13k - 5 \quad (۰/۲۵)$ (لطفا برای راه حل های دیگر بارم مناسب در نظر بگیرید.) (مشابه سوال ۱۲ صفحه ۲۹)	۷	
۸	الف) $\delta(G) = 1 \quad (۰/۲۵)$ ب) $x = c \quad (۰/۰)$ ت) $N_G[b] = \{b, a, c, d\} \quad (۰/۲۵)$ پ) $q = 6 \quad (۰/۲۵)$ (مشابه سوال ۲ صفحه ۴۱)	۸	
۹	الف) گرافی از مرتبه n که درجه تمام رئوس آن با هم مساوی و برابر با عدد $k \leq n$ باشد. (۰/۵) (تعريف صفحه ۳۵) ب) وجود ندارد. (۰/۰) زیرا: تناقض (۰/۲۵) (قسمت ت سوال ۸ صفحه ۴۲)	۹	
۱۰	الف) $a, c, d, b, e, a \quad (۰/۰)$ ب) (مشابه شکل ۱۶ صفحه ۳۷) (۰/۵) (تعريف دور صفحه ۳۸)	۱۰	
۱۱	الف) مجموعه احاطه گر با ۴ عضو مانند: $\{c, f, h, g\} \quad (۰/۵)$ (کار در کلاس صفحه ۴۷) ب) احاطه گر مینیمال مانند: $\{c, f, g\} \quad (۰/۷۵)$ (لطفا برای راه حل های دیگر بارم مناسب در نظر بگیرید.)	۱۱	
ادامه پاسخها در صفحه دوم			

راهنماي تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۰۹	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۳۹۸		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنماي تصحیح	نمره
۱۲	<p>(الف) برای مثال اگر $n=10$، رسم C_{10} یا P_{10} در این گرافها: $\gamma(G)=\left\lfloor \frac{n}{\Delta+1} \right\rfloor = 4$. (کار در کلاس صفحه ۴۹)</p> <p>(ب) در گرافی مشابه </p> <p>(لطفا برای راه حل های دیگر بارم مناسب در نظر بگیرید.)</p>	۱/۲۵
۱۳	<p>(مشابه مثال صفحه ۵۸) $\frac{8!}{4! \times 2!} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5}{2} = 840$ (۰/۲۵)</p>	۱
۱۴	<p>(الف) $6! \times 5! \times 4! \times 2!$ (۰/۷۵) (مشابه مثال صفحه ۵۷)</p>	۱/۲۵
۱۵	<p>$y_1 + 3 + x_2 + y_2 + 4 + x_4 + x_5 = 14 \Rightarrow y_1 + x_2 + y_2 + x_4 + x_5 = 7$ (۰/۲۵)</p> $\Rightarrow \binom{n+k-1}{k-1} = \binom{11}{4}$ (۰/۲۵) <p>(مشابه سوال ۳ کار در کلاس صفحه ۶۱)</p>	۱
۱۶	<p>متعامدند. زیرا در جدول ترکیب شده از دو مربع لاتین، عدد تکراری نداریم. (۰/۲۵)</p> <p>(شماره ۳ کار در کلاس صفحه ۶۶)</p>	۰/۷۵
۱۷	<p>$A_j = \{f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_j \quad 1 \leq i \leq 4\}$</p> <p>$A = \{a_1, a_2, a_3, a_4\}, B = \{b_1, b_2, b_3\}$ (۰/۲۵)</p> <p>$S = 3^4$ (۰/۲۵)، $A_i = 2^4$ (۰/۲۵)، $A_i \cap A_j = 1^4$ (۰/۲۵)، $A_1 \cap A_2 \cap A_3 = 0$ (۰/۲۵)</p> <p>$\underbrace{ A_1 \cup A_2 \cup A_3 }_{(0/25)} = S - A_1 \cup A_2 \cup A_3 = 81 - (3 \times 16 - 3 \times 1 + 0) = 36$ (۰/۲۵)</p> <p>(مشابه فعالیت صفحه ۷۷)</p>	۱/۷۵
۱۸	<p>(سوال ۱۲ صفحه ۸۳)</p> <p>تعداد کبوترها = ۴۳ (۰/۲۵) و تعداد لانهها = ۴۲ و به صورت زیر هستند. (۰/۲۵)</p> <p></p> <p>چنان‌چه قرار باشد کبوترها لانه‌ها را اشغال کنند، آن‌گاه طبق اصل لانه کبوتری حداقل دو عدد وجود دارد که در یک لانه جای می‌گیرند و مجموعشان ۸۵ است. (۰/۲۵)</p>	۱

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»